

ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ Β' ΛΥΚΕΙΟΥ  
ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ

ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>

- i. Να αποδείξετε ότι το πολυώνυμο  $P(x)$  έχει σαν παράγοντα τον  $x - \rho$  αν και μόνο αν το  $\rho$  είναι ρίζα του  $P(x)$  δηλαδή αν  $P(\rho) = 0$
- ii. Με τι ισούται το υπόλοιπο της διαίρεσης ενός πολυώνυμου  $F(x)$  με το πολυώνυμο  $\alpha x + \beta$ ,  $\alpha \neq 0$
- iii. Να βρεθεί το υπόλοιπο της διαίρεσης του πολυωνύμου  $P(x) = 4x^{1999} - 3x^{1998} + 2x^{1997} - x^{1996} + x^{1995}$  με το πολυώνυμο  $x - 1$ .
  1. Δίνεται μια ακολουθία  $(\alpha_n)$   $n \in \mathbb{N}$ 
    - i. Πότε η ακολουθία ονομάζεται αριθμητική πρόοδος
    - ii. Να αποδείξετε ότι οι τρεις αριθμοί  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  με τη σειρά που δίνονται είναι διαδοχικοί όροι αριθμητικής προόδου αν και μόνο αν ισχύει  $\beta = \frac{\alpha + \gamma}{2}$
    - iii. Τι ονομάζουμε αριθμητικό μέσο των αριθμών  $\alpha$  και  $\gamma$ ;
    - iv. Για ποια τιμή του  $x$ , οι αριθμοί  $2x - 2$ ,  $3x + 6$ ,  $12x + 6$  είναι διαδοχικοί όροι αριθμητικής προόδου;

ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup>

Δίνεται το πολυώνυμο  $P(x) = 2x^3 + \alpha x^2 - 3x + \beta$

- i. Αν τα πολυώνυμα  $x - 1$  και  $x + 2$  είναι παράγοντες του  $P(x)$ , να βρείτε τα  $\alpha$  και  $\beta$
- ii. Για τις τιμές των  $\alpha$  και  $\beta$  που βρήκατε να λυθεί η εξίσωση  $P(x) = 0$
- iii. Για τις τιμές των  $\alpha$  και  $\beta$  που βρήκατε να προσδιορίσετε το ηλίκο  $\pi(x)$  της διαίρεσης  $P(x) : (x - 1)(x + 2)$

ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup>

Δίνεται το πολυώνυμο  $P(x) = (2\sigma\upsilon\upsilon\theta)x^2 + (\sigma\upsilon\upsilon 2\theta)x - 3$

1. Να βρεθεί η τιμή του  $\sigma\upsilon\upsilon\theta$  ώστε ο αριθμός 1 να είναι ρίζα του πολυωνύμου  $P(x)$
2. Για την παραπάνω τιμή που βρήκατε να υπολογίσετε την γωνία  $\theta \in [\pi, 2\pi]$ .

#### ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>

Δίνονται οι αριθμοί  $a_1 = \sin 2\alpha$  ,  $a_2 = \sin^2 \alpha$  ,  $a_3 = 1$ , όπου η γωνία  $\alpha$  ικανοποιεί τη σχέση  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$

1. Να αποδείξετε ότι αυτοί οι αριθμοί, με τη σειρά που δίνονται, αποτελούν διαδοχικούς όρους αριθμητικής προόδου.
2. Να βρείτε τη διαφορά  $\omega$  αυτής της προόδου.
3. Να βρείτε το άθροισμα των πέντε πρώτων όρων της προόδου.

Καλή επιτυχία  
Επιμέλεια θεμάτων  
Τσίγκλος Γιώργος